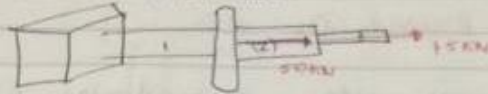


$$\text{coeficiente } \sigma_b = \frac{70000}{(0.0001 \cdot 0.0001)} = 4.375 \times 10^8 \text{ Pa}$$

### Problemas

- 1- Sacar la fuerza interna axial del segmento Z en conjunto con el elemento axial.



$$\text{Result: } 50 + 12.75 = 12.5$$

- 2- Cargas axiales se aplican a una estructura rígida de placas con barras de acero. El área transversal cruzada de la barra Z es  $3300 \text{ mm}^2$ . Incógnita del esfuerzo normal.



- Para ello necesitamos sacar la fuerza que aplican en Z entonces

$$\sum F_y = -F_z + 2(90 \text{ kN}) - 2(30 \text{ kN}) - 150 \text{ (kN)} = 0$$

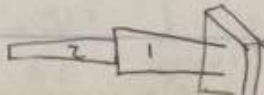
Fuerza que piden por apoyo a Z

$$F_z = 50 \text{ kN}$$

$$\sigma = \frac{30000 \text{ N}}{330000 \text{ mm}^2} = 90.90 \times 10^6 \text{ Pa}$$

system ingles: ksi.

- 3- Base metálica tiene dos platos diámetros y está cargada con una carga axial P. Segmento Y y Z son cilindros en la sección cruzada con un diámetro de 45 mm y 32 mm. Si el esfuerzo normal en Y es de 35 MPa, cual es el esfuerzo normal de



① Tomos a la sección 1 entonces

$$A = \pi \left( \frac{0.15}{2} \right)^2 = 1.590.431 \text{ mm}^2$$

$$\sigma = \frac{P}{A} \quad P = \sigma A \quad P = (1590.431 \text{ mm}^2) (35 \text{ MPa})$$

$$P = 2.52 \text{ MPa} \quad 55.665 \times 10^3 \text{ N}$$

② Va a ser el mismo P entonces

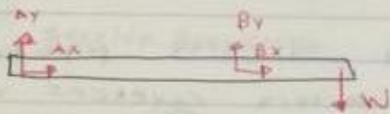
$$\sigma = \frac{55665 \text{ N}}{801.68 \text{ mm}^2} = 69.21 \text{ MPa}$$

4- Una barra rígida ABC soporta un peso de  $W = 10 \text{ kN}$ . La barra está pivoteada en A y cargada por B por una barra que tiene una sección circular. Si el esfuerzo normal de la barra es de  $20 \text{ MPa}$  del acero el diámetro mínimo que tiene que tener la barra.

$$\sigma = \frac{P}{A} \rightarrow A = \frac{P}{\sigma} \rightarrow \frac{10000 \text{ N}}{20 \times 10^6 \text{ Pa}} = 7.5 \times 10^{-4}$$

$$\pi r^2 = 7.5 \times 10^{-4} \rightarrow r = \sqrt{\frac{7.5 \times 10^{-4}}{\pi}}$$

$r = 0.015 \text{ m}$  Necesito sacar momentos, para determinar la fuerza de (1)



$$\sum F_x = A_x + B_x = 0 \quad \text{No hay no importa}$$

$$\sum F_y = A_y - B_y - 15W = 0$$

$$\sum M_A = -B_y(1.9 \text{ m}) - 15W(2.85) = 0$$

$$B_y = -22,500 \text{ N} \quad \text{va en dirección para abajo}$$

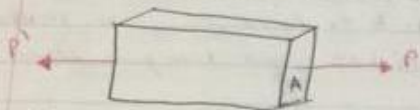
$$= \frac{22,000}{20 \text{ MPa}} = 1.125 \times 10^3$$

$$\pi r^2 = 1.125 \times 10^3$$
$$r = 18.92 \text{ mm} \approx 37 \text{ mm}$$

↑  
radio  
diámetro es 37 mm

### Plano inclinado.

Hay muchos esfuerzos normales y distintas combinaciones en un mismo material.



P se aplica al centroide de la barra.

El área A es  $T_{00}$  el área transversal.

Para sacar los esfuerzos que aplican en la barra se necesita partir.

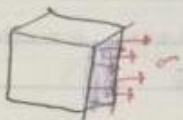
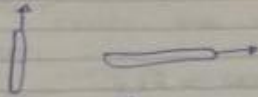


Diagrama de cuerpo libre

como el esfuerzo se aplica al área perpendicular a la línea de acción la cara entonces el esfuerzo normal.

continuación →

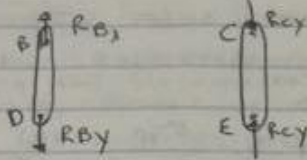
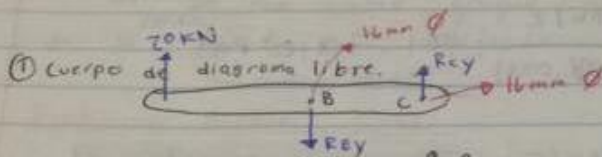
Si las bases son verticales u horizontales  
 sólo tienen reacciones en el eje axial en el  
 otro no.



Si tuviera fuerza el otro



Problema 1.7



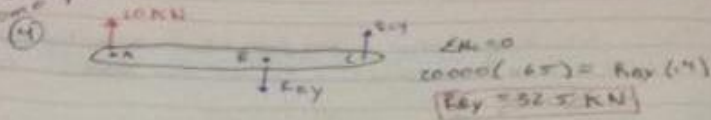
se ponen  
 a donde  
 se no importa  
 la dirección  
 es vertical así  
 no hay de  
 la otra.

② sección transversal



Siempre se inicia con DCL del que tiene la es

La tensión es como ya fuera



$$\sum F_y = 0$$

$$R_{cy} + 20 \text{ kN} = F_{cy}$$

$$R_{cy} = 32.5 - 20 = 12.5 \text{ kN}$$

⑤

como son dos barras la fuerza va la mitad para una y la otra mitad a la otra.

$$\sigma_{AB} = \frac{F_{BD}}{A_{BD}} = \frac{32.5/2 \text{ kN}}{(0.008)(0.036)} = 5.6125 \times 10^6 \text{ Pa}$$

↑  
esfuerzo axial

$$\sigma_{CE} = \frac{12.5 \text{ kN}/2}{(0.008)(0.036)} = 21.7 \times 10^6 \text{ Pa}$$

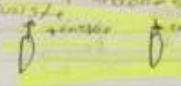
⑤ Si quieres saber si va a aguantar el material necesitas tener el  $\sigma_{yp}$  esfuerzo que cede.

$$F.S. = \frac{\sigma_{yp}}{\sigma_{calc}} \quad \begin{array}{l} \text{si es mayor es uno} \\ \text{si resiste} \end{array}$$

El procedimiento no sale como el libro porque el profe no se dio cuenta que decía máximo esfuerzo y eso vez se saca donde se tiene el área más pequeña.

Se da quitándole al área el diámetro.

sistemas que es tensile o compresion  
 si los resultados te dan positivos con  
 las suposiciones que  
 puse.



El punto recibe toda la fuerza.  
 $R_B = 37.5 \text{ KN}$



vamos a sacar fuerza cortante en B

$$\tau = \frac{F_c}{A_c} = \frac{16250}{\pi \left(\frac{0.016}{2}\right)^2} = 80.82 \times 10^6 \text{ Pa}$$

$$\sigma_B = \frac{F}{A} = \frac{16250}{(0.016)(0.08)} = 126.95 \times 10^6 \text{ Pa}$$

es ese valor porque el剖面 lo hizo de la barra de adelante



Problema Hibbler 3ª ed

conectados por tornillo Prob 1-105.

The compound wood beam is connected together by a bolt at B. Assuming that the connections at A, B, C, and D exert only vertical forces on the beam, determine

Datos: Foto.

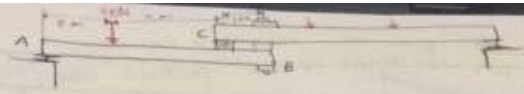
$(\sigma_t)_{perm} = 150 \text{ MPa}$   
 $(\sigma_b)_{perm} = 28 \text{ MPa}$   
 madera

the required diameter of the bolt at B and the required outer diameter of its washers, if the allowable tensile stress for the bolt is  $(\sigma_t)_{allow} = 150 \text{ MPa}$  and the allowable bearing stress for the wood is

$d_B = ?$

$(\sigma_b)_{allow} = 28 \text{ MPa}$ . Assume

that the hole in the washers has the same diameter as the bolt.

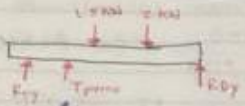


①  $\sum M_A = 0$  Se toma el sistema completo no tiene fuerza porque esto todo pesado

Despejando

$$R_{By} = \frac{3000(2) + 1500(7) + 2000(8.5)}{10} = 3350 \text{ N}$$

②



yase toma porque esta girando

$$\sum M_c = 0$$

$$T_p(1.5) + 3350(6) \approx -2000(4.5) - 1500(3) = 0$$

$$T_p = -9400 \text{ N}$$

③  $(\sigma_c)_{\text{perm}} = \frac{F_p}{A_p} = \frac{4400}{\pi r^2}$

$$r = \sqrt{\frac{4400}{\pi \times 15000}} = 3.05 \text{ mm}$$

④ esfuerzo de aplastamiento.

$$\sigma_{\text{pm}} = \frac{4400}{A} = 28 \times 10^6 = \frac{4400(4)}{\pi (d_{\text{ext}}^2 - d_{\text{int}}^2)}$$

⑤ Area total menos el de orificio.

$$\frac{400 \text{ cm}^2}{\frac{\pi d_{\text{ext}}^2}{4} - \frac{\pi d_{\text{int}}^2}{4}} = 28 \times 10^6 \rightarrow \frac{4400(4)}{\pi (d_{\text{ext}}^2 - d_{\text{int}}^2)}$$

1.12 y 1.14

$$d_{\text{roto}} = .014 \text{ mm}$$

Hacer 1.12 y 1.14.

continuación

Esta la fuerza de distribución interna se llama stress

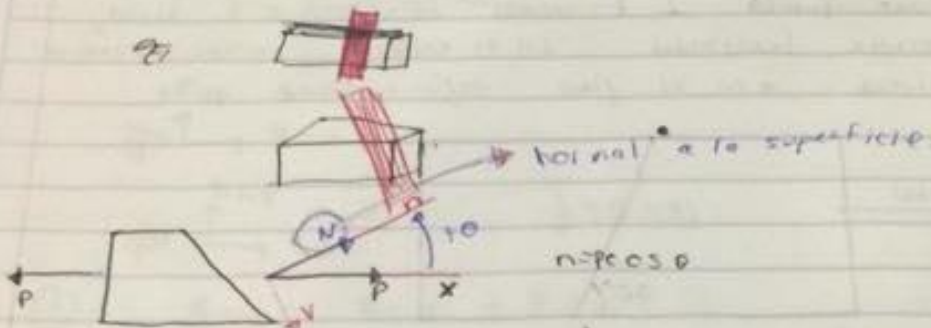


como las líneas de fuerza

están distribuidas perpendiculares al área se llama esfuerzo normal.

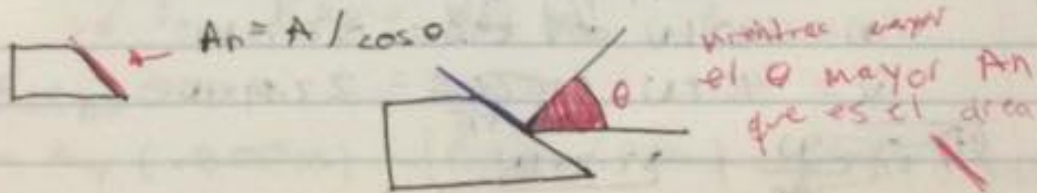
$$\sigma = \frac{P}{A}$$

La barra está en estado de equilibrio entonces la fuerza resultante es igual a P.

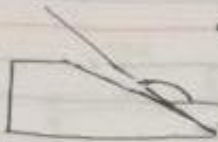


Fuerza de corte V.

El esfuerzo es definido como la fuerza por área. La magnitud de ~~la fuerza~~ normal esfuerzo normal. y el esfuerzo de corte depende en el área de la superficie inclinada.



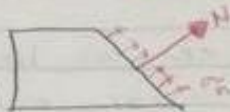




Si se hace más grande el ángulo también  $A_n$  y el plano inclinado también.

El área del plano inclinado es  $A_n = \frac{A}{\cos \theta}$

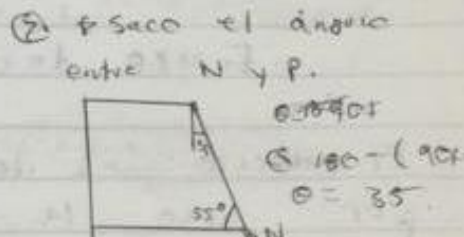
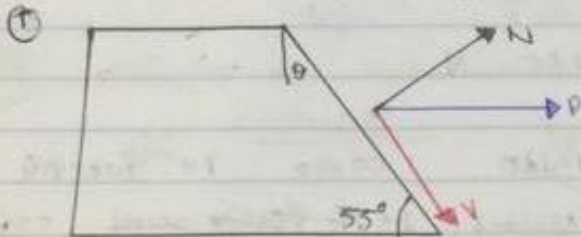
$$\begin{aligned} \sigma_x &= \frac{N}{A_n} \\ &= \frac{(P \cos \theta)}{(A \cos \theta)} \\ &= \frac{P}{A} \cos^2 \theta \\ &= \sigma_x \cos^2 \theta. \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \sigma_{n1} &= \frac{N}{A_n} \\ &= \sigma_x \\ &= \sigma_x \sin^2 \theta \end{aligned}$$

**Problemas**

Si una fuerza de  $P = 40 \text{ kN}$  es aplicada a la barra, determine la magnitud del esfuerzo normal y cortante actuando en el plano inclinado a  $\theta$ .

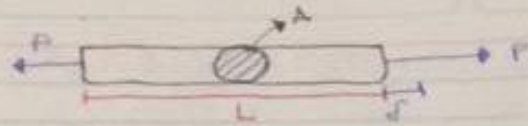


3) sacamos  $N$  y  $V$ .

$$N = 40 \text{ kN} \cos 35^\circ = 32.76 \text{ kN}$$

$$V = 40 \text{ kN} \sin 35^\circ = 22.943 \text{ kN}$$

4)  $\frac{N}{A_n} = 32.76 \text{ kN}$



$$\sigma = E \epsilon$$

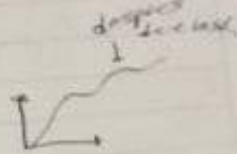
$$\therefore \frac{P}{A} = E \epsilon$$

$$\frac{P}{A} = E \left( \frac{\delta}{L} \right)$$

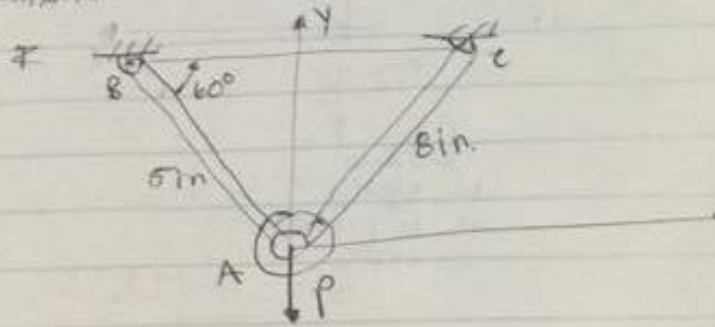
$$\delta = \frac{PL}{AE}$$

en la zona elástica.

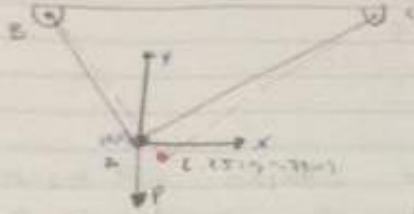
si son dúctiles  
se comportan  
así.



Dos barras se usan para soportar una carga  $P$ . Cuando no se ha colocado la carga, la barra  $AB$  tiene una longitud de  $5 \text{ m}$  y la barra  $AC$  tiene una longitud de  $8 \text{ m}$ , y el anillo está en coordenadas  $(0,0)$ . Si la carga se aplica al anillo en  $A$ , tal que se mueva a la coordenada  $(2.5 \text{ m}, -7.3 \text{ m})$ , determine la deformación unitaria en cada barra.



①



$$\epsilon = \frac{L - L_0}{L_0} = \frac{\delta}{L}$$

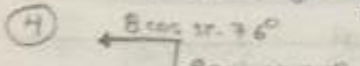
$$\sigma = \frac{N_x}{A}, \quad \epsilon = \frac{F_x}{AC}, \quad \epsilon = \frac{\delta}{L}$$

$$\sigma = E \epsilon \implies \delta = \frac{PL}{AE}$$



$$\frac{8}{\sin(60)} = \frac{\delta}{\sin(30)} \implies \theta = 32.76^\circ$$

$$c = .77$$



⑥  $5 + .77 = 5.77 \text{ m}$



Tengo que verlo como si fueran 30 ángulos triángulos

$$6.72 - .25 = 6.47 \quad c = \sqrt{4.33^2 + 4.33^2}$$

$$4.33 + .73 = 5.06 \quad c = 8.2136$$

⑦  $\delta_{AB} = \frac{5.76 - 5}{2.5} = .152$

$\delta_{AC} = \frac{8.21 - 8}{5} = 0.026$

$$E_{AB} = \frac{.152}{.152} = .0304$$

$$E_{AC} = \frac{.026}{.026} = 2.5 \times 10^{-4}$$

Relación de Poisson

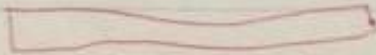
deformación de acortamiento

$$\mu = \nu = -\frac{\epsilon_y}{\epsilon_x} = -\frac{\epsilon_z}{\epsilon_x}$$



los de abajo es en el eje y ese es

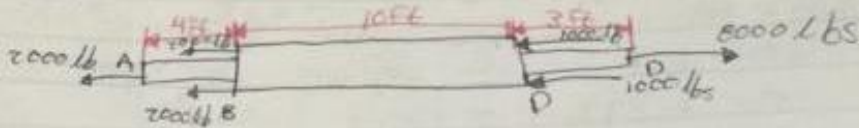
Si estiras de ambas lados se va a acortar de los de mas



$$M = -\frac{E_x}{E_y} = \frac{E_z}{E_y}$$

se juntan  
el eje y.

La flecha de bronce CB6100 está sujeta a cargas axiales como se muestra en la figura. Determine el desplazamiento del extremo A con respecto a D ( $\delta$ ) si los diámetros de cada segmento son:



① Se divide por partes

$N_x = 8000 \text{ lbs} - 1000 \text{ lbs} - 1000 \text{ lbs}$

$$N = \frac{6000 \text{ lb} + 2000 \text{ lb}}{8000 \text{ lb}} \rightarrow 8000 \text{ lbs}$$

$$\sum F_x = 2000$$

$$E_{ab} = \frac{\int ab}{5}$$

$$\int_{AB} = \frac{(2000)(14)(12)}{15 \times 10^6 \left( \frac{\pi (0.75)^2}{4} \right)}$$

$$E_{aE} = \frac{\int ac}{8}$$

$$F_1 = 38,160$$

se usa método del vector  
 F<sub>2</sub> ~~no se usa~~ no es  
 se hace con el otro

$$\sum F_x = 0$$

$$348750 \left( \frac{4.3}{4.74} \right) = F_1 \left( \frac{4.3}{6.6} \right) \rightarrow F_1 = 485601 \text{ N}$$

da más cheta que  $F_2$   
 $F_1$  es esta.

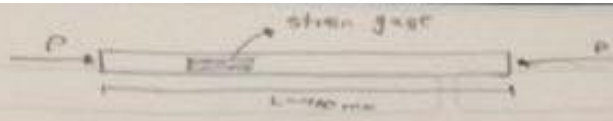
$$485601 \left( \frac{5}{6.6} \right) - 348750 \left( \frac{2}{4.74} \right) = r_{\max}$$

$$P_{\max} = 515,031.4 \text{ N}$$

Un tubo circular de aluminio de longitud  $L = 400 \text{ mm}$  is loaded in a compression by forces  $P$ . El diámetro exterior ~~interior~~ y ~~exterior~~ ~~strain gauge~~ ~~de tensión~~ ~~de la barra~~ ~~para~~ ~~medir~~ ~~una~~ ~~tensión~~ ~~normal~~ ~~en~~ ~~una~~ ~~dirección~~ longitudinal.   
 Sean  $r$  y  $r_i$  interior,  $50 \text{ mm}$    
 se pone ~~de~~ afuera

a) Si el esfuerzo ~~de~~ la tensión es  $E = 550 \times 10^6$  cual es la  $\Delta$  de acortamiento de la barra?

b) Si el esfuerzo compresivo en la barra es de  $40 \text{ MPa}$  cual será la carga  $P$ ?



a)

$$C_r = 500 \times 10^6$$

$$G = \frac{J}{L} \quad J = \epsilon L \quad J = \left( \frac{500 \times 10^6}{400 \text{ m}} \right)$$

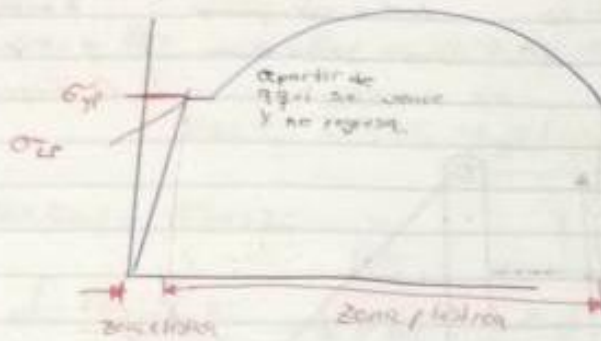
$$J = 220 \text{ kN} - 2.2 \times 10^{-4} \text{ m}$$

b)  $\sigma = \frac{P_{\text{max}}}{A_{\text{tube}}}$

$$P_{\text{max}} = 40 \times 10^6 \frac{\pi}{4} [d_{\text{out}}^2 - d_{\text{in}}^2] \rightarrow 40 \times 10^6 \left[ \frac{\pi (0.030)^2 - \pi (0.025)^2}{4} \right]$$

$$P_{\text{max}} = 34.5 \text{ kN}$$

$$f_r = \frac{(18,000 \text{ lb})(2 \text{ Ft})}{(1.785 \text{ in}^2)(10,000 \text{ in})} = 4.3859 \times 10^{-5} \text{ Ft/in}$$



$$\%RA = \frac{A_0 - A_f}{A_0} \times 100$$

↑  
porcentaje de reducción de Área.

$$\% \text{ elongación} = \frac{L_f - L_0}{L_0} \times 100$$

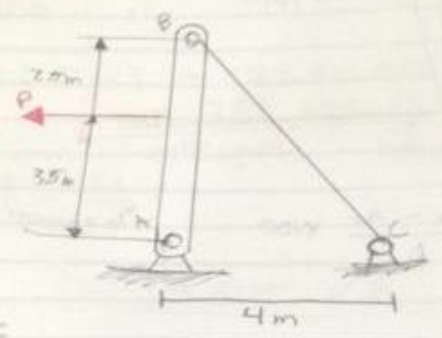
Ley de Hooke:

$$\sigma = E \epsilon$$

$$\tau = \gamma G$$

↑ constante.

El cable BC de 4m de longitud es de un  
 acero con  $E = 200 \text{ GPa}$ . Si se sabe que el  
 momento es fijo en el cable no se puede  
 debe excitar 130 MPa y por lo tanto  
 del cable se debe asegurar 6 mm  
 encuentre la carga máxima  $P$  que puede soportar  
 cada como se muestra en la figura.



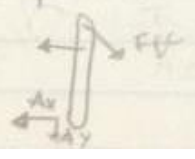
$$D = E E$$

$$E = \frac{190 \times 10^9 \text{ Pa}}{200 \times 10^9 \text{ Pa}} = 9.5 \times 10^{-4}$$

Hay dos maneras:



① Se usa primero como un cuerpo libre



$$\sum M_A = 0$$

$$3.5P - (6) \left( \frac{4}{7.211} \right) F_{BC} = 0$$



$$P = 0.9509 F_{BC}$$

② considerando el esfuerzo permitido:  $\sigma = 190 \times 10^6 \text{ Pa}$

$$A = \pi \left( \frac{0.004 \text{ m}}{2} \right)^2 = 1.256 \times 10^{-5} \text{ m}^2$$

$$\sigma = \frac{F_{BC}}{A} \Rightarrow F_{BC} = \sigma A = (190 \times 10^6) (1.256 \times 10^{-5}) =$$

$$F_{BC} = 2386.4 \text{ N}$$

③ segunda fuerza

$$\delta = \frac{F_{BC} L_{BC}}{A E} \rightarrow F_{BC} = \frac{A E \delta}{L_{BC}} = \frac{(\pi (0.002)^2) (200 \times 10^9)}{6 \times 10^{-2}}$$

$$= 2091.49 \text{ N}$$

$$P = 0.9514 (2091.49 \text{ N}) =$$

$$1989.8 \text{ N}$$

La más chica paga  
la otra no queda.

chequear del sensor.

